

ОБРОБКА ДАНИХ СТРУННОГО ГРАВИМЕТРА

Щосекундна реєстрація на запам'ятовуючій пристрій показань струнного гравіметра (СГ) f_i та струнного обчислювача вертикальної швидкості (СОВШ) – F_i призводить до дуже великого об'єму первинної інформації, що реєструється, особливо, якщо врахувати, що вимірювання в польоті потрібно проводити одночасно двома-трьома СГ та двома трьома приладами СОВШ. Між тим, в польоті результат обчислення усередненого значення сили тяжіння $\bar{g}^{\Theta+\tau}$ достатньо отримувати з інтервалом в 15 сек [1]. Щоб значно зменшити об'єм інформації, що реєструється, бажано було б реєструвати дані від кожного приладу також тільки один раз в 15 сек, але при цьому зберегти можливість подвоєного згладжування показань гравіметра за любой інтервал часу Θ , кратний 15 сек, у відповідності з формулою [2]:

$$\begin{aligned} \left(\bar{g}^{\Theta+\tau}\right)_{\frac{\Theta}{2}} &= \frac{1}{\Theta\tau} [(h_{t+\Theta+\tau} - h_{t+\Theta}) - (h_{t+\tau} - h_t)] = \\ &= \frac{10^3}{\Theta\tau} \left\{ \frac{T_H}{T_{TP}} \frac{C_a}{\eta} [(M_{t+\Theta+\tau} - M_{t+\Theta}) - (M_{t+\tau} - M_t)] - \frac{C_h \rho_0}{\rho} [(F_{t+\Theta+\tau} - F_{t+\Theta}) - (F_{t+\tau} - F_t)] \right\} \end{aligned}$$

Це можна виконати виходячи з наступного очевидного положення: якщо ми маємо послідовність з $(2S-1)$ значень, кожне з яких являє собою середнє зважене з $2n$ значень:

$$\begin{aligned} \bar{f}_1 &= \bar{f}_{t+n\Delta t} = \frac{1}{n^2} \left[\sum_{i=1}^n i f_i + \sum_{i=n+1}^{2n-1} (2n+i) f_s \right], \\ \bar{f}_2 &= \bar{f}_{t+2n\Delta t} = \frac{1}{n^2} \left[\sum_{i=1}^n i f_{n+i} + \sum_{i=n+1}^{2n-1} (2n+i) f_{n+s} \right], \\ \bar{f}_3 &= \bar{f}_{t+3n\Delta t} = \frac{1}{n^2} \left[\sum_{i=1}^n i f_{2n+i} + \sum_{i=n+1}^{2n-1} (2n+i) f_{2n+s} \right], \\ \bar{f}_S &= \bar{f}_{t+S n\Delta t} = \frac{1}{n^2} \left[\sum_{i=1}^n i f_{(S-1)n+i} + \sum_{i=n+1}^{2n-1} (2n+i) f_{(S-1)n+s} \right], \\ \bar{f}_{2S-1} &= \bar{f}_{t+(2S-1)n\Delta t} = \frac{1}{n^2} \left[\sum_{i=1}^n i f_{(2S-2)n+i} + \sum_{i=n+1}^{2n-1} (2n+i) f_{(2S-2)n+s} \right], \end{aligned}$$

то середнє зважене з цих усереднених значень буде рівним середньозваженому з $(2nS-1)$ значень f_i , тобто [2]:

$$\begin{aligned} \frac{1}{S^2} [\bar{f}_1 + 2\bar{f}_2 + 3\bar{f}_3 + \dots + S\bar{f}_S + (S-1)\bar{f}_{S+1} + (S-2)\bar{f}_{S+2} + \dots + \bar{f}_{2S-1}] = \\ = \frac{1}{S^2} \left[\sum_{j=1}^S j \bar{f}_j + \sum_{j=S+1}^{2S-1} (2S-j) \bar{f}_j \right] = \frac{1}{n-S^2} \left[\sum_{i=1}^{nS} i f_i + \sum_{i=nS+1}^{2nS-1} (2nS-i) f_i \right] \end{aligned}$$

зокрема з $(2S-1)$ 30-ти секундних інтервалів усереднення:

$$\begin{aligned} \bar{f}_1 &= \bar{f}_{t+15}^{(30)} = \frac{1}{225} \left[\sum_{i=1}^{15} i f_i + \sum_{i=16}^{29} (30-i) f_i \right], \\ \bar{f}_2 &= \bar{f}_{t+30}^{(30)} = \frac{1}{225} \left[\sum_{i=1}^{15} i f_{i+15} + \sum_{i=16}^{29} (30-i) f_{i+15} \right], \\ \bar{f}_{11} &= \bar{f}_{t+165}^{(30)} = \frac{1}{225} \left[\sum_{i=1}^{15} i f_{i+150} + \sum_{i=16}^{29} (30-i) f_{i+150} \right], \\ \bar{f}_{2S-1} &= \bar{f}_{t+(2S-1)15}^{(30)} = \frac{1}{225} \left[\sum_{i=1}^{15} i f_{i+(2S-2)15} + \sum_{i=16}^{29} (30-i) f_{i+(2S-2)15} \right], \end{aligned}$$

Отримуємо двократно усереднену частоту в інтервалі, наприклад, рівному $2*90=180$ сек.

$$\begin{aligned} \bar{f}_{t+90}^{(180)} &= \frac{1}{8100} \left[\sum_{i=1}^{90} i f_i + \sum_{i=91}^{179} (180-i) f_i \right] = \frac{1}{36} [\bar{f}_{t+15}^{(30)} + 2\bar{f}_{t+30}^{(30)} + 3\bar{f}_{t+45}^{(30)} + 4\bar{f}_{t+60}^{(30)} + \\ &+ 5\bar{f}_{t+75}^{(30)} + 6\bar{f}_{t+90}^{(30)} + 5\bar{f}_{t+105}^{(30)} + 4\bar{f}_{t+120}^{(30)} + 3\bar{f}_{t+135}^{(30)} + 2\bar{f}_{t+150}^{(30)} + \bar{f}_{t+165}^{(30)}] \end{aligned}$$

або в загальному випадку:

$$\bar{f}_{t+15S}^{(30S)} = \frac{1}{225S^2} \left[\sum_{i=1}^{15S} i f_i + \sum_{i=15S+1}^{30S-1} (30S-i) f_i \right] = \frac{1}{S^2} \left[\sum_{j=1}^S j \bar{f}_j^{(30)} + \sum_{j=S+1}^{2S-1} (2S-j) f_j^{(30)} \right].$$

